

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2018
Α' ΦΑΣΗ

E_3.Μλ2Θ(ε)

ΤΑΞΗ:

Β' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΣ: ΘΕΤΙΚΩΝ ΣΠΟΥΔΩΝ

ΜΑΘΗΜΑ: **ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ**

Ημερομηνία: Παρασκευή 5 Ιανουαρίου 2018
Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

- A1.** Αν $\vec{\alpha} = (x_1, y_1)$, $\vec{\beta} = (x_2, y_2)$ και $\vec{\gamma} = (x_3, y_3)$ διανύσματα του επιπέδου Οχυ να αποδείξετε ότι: $\vec{\alpha} \cdot (\vec{\beta} + \vec{\gamma}) = \vec{\alpha} \cdot \vec{\beta} + \vec{\alpha} \cdot \vec{\gamma}$
- Μονάδες 10**
- A2.** Να γράψετε στο τετράδιό σας τον τύπο που υπολογίζει τον συντελεστή διεύθυνσης λ μίας ευθείας που διέρχεται από τα σημεία $A(x_1, y_1)$ και $B(x_2, y_2)$ με $x_1 \neq x_2$.
- Μονάδες 5**

- A3.** Για καθεμιά από τις επόμενες προτάσεις, να γράψετε στο τετράδιό σας δίπλα από το κάθε γράμμα τη λέξη **ΣΩΣΤΟ**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή τη λέξη **ΛΑΘΟΣ**, αν είναι λανθασμένη.

- (a) Αν $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ δύο σημεία του επιπέδου Οχυ τότε οι συντεταγμένες (x, y) του μέσου M του ευθύγραμμου τμήματος AB είναι:

$$x = \frac{x_1 + x_2}{2}, y = \frac{y_1 + y_2}{2}$$

- (b) Αν $\varepsilon_1, \varepsilon_2$ δύο ενθείες με συντελεστές διεύθυνσης λ_1, λ_2 αντίστοιχα, τότε ισχύει $\varepsilon_1 \perp \varepsilon_2 \Leftrightarrow \lambda_1 \cdot \lambda_2 = -1$.

- (γ) Αν $\vec{\alpha} = (x_1, y_1)$ και $\vec{\beta} = (x_2, y_2)$ δύο διανύσματα του επιπέδου Οχυ τότε:

$$\vec{\alpha} \cdot \vec{\beta} = x_1 \cdot y_1 + x_2 \cdot y_2$$

- (δ) Αν $\vec{\alpha} / / x'x$ τότε δεν ορίζεται ο συντελεστής διεύθυνσης του διανύσματος $\vec{\alpha}$.

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2018
Α΄ ΦΑΣΗ

E_3.Μλ2Θ(ε)

- (ε) Η εξίσωση μιας κατακόρυφης ευθείας που διέρχεται από το σημείο

$$A(x_0, y_0) \text{ είναι } \eta \ x = x_0$$

Μονάδες 10

ΘΕΜΑ Β

Δίνονται τα διανύσματα:

$$\vec{u} = (\sqrt{3}, \kappa), \vec{v} = (3, -\sqrt{3}) \text{ με } \kappa > 0 \text{ τα οποία έχουν ίσα μέτρα.}$$

- B1. Να δείξετε ότι $\kappa = 3$.

- B2. Να αποδείξετε ότι τα διανύσματα \vec{u}, \vec{v} είναι κάθετα.

- B3. Να βρείτε το μέτρο του διανύσματος $\vec{u} + \vec{v}$.

- B4. Να βρείτε τη γωνία που σχηματίζουν τα διανύσματα $\vec{u} + \vec{v}$ και \vec{u} .

Μονάδες 8

Μονάδες 5

Μονάδες 7

Μονάδες 5

ΘΕΜΑ Γ

Δίνεται τρίγωνο με κορυφές τα σημεία $A(1,1), B(2,3), G(5,3)$

- Γ1. Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας AB .

Μονάδες 8

- Γ2. (i) Να αποδείξετε ότι το μέσο M της πλευράς AG του τριγώνου ABG έχει συντεταγμένες $(3,2)$. (Μονάδες 3)

- (ii) Να δείξετε ότι η μεσοκάθετος της πλευράς AG του τριγώνου ABG έχει εξίσωση $(\varepsilon): y = -2x + 8$. (Μονάδες 7)

Μονάδες 10

- Γ3. Να βρείτε τις συντεταγμένες του σημείου D του επιπέδου Oxy για το οποίο το $ABGD$ να είναι παραλληλόγραμμο.

Μονάδες 7

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2018
Α' ΦΑΣΗ

E_3.Μλ2Θ(ε)

ΘΕΜΑ Δ

Δίνεται η ευθεία (ε) : $y = |\vec{\alpha}|x + |\vec{\alpha} + \vec{\beta}|$ η οποία σχηματίζει με τους άξονες ισοσκελές τρίγωνο και τέμνει τον άξονα y' στο σημείο $A(0,2)$. Αν για το διάνυσμα $\vec{\beta}$ ισχύει $\vec{\beta} = (1, |\vec{\beta}| - 1)$ να δείξετε ότι:

Δ1. (i) $|\vec{\alpha}| = 1$ (Μονάδες 5)

(ii) $|\vec{\beta}| = 1$ (Μονάδες 5)

Δ2. $\vec{\alpha} = \vec{\beta}$ (Μονάδες 8)

Δ3. Οι ευθείες ε_1 : $y = 2x - \lambda + 2$ και ε_2 : $y = \lambda x - \lambda^2 + \lambda + 2$ με $\lambda \in \mathbb{R} - \{2\}$ τέμνονται για κάθε $\lambda \neq 2$ σε σημείο το οποίο κινείται πάνω στην (ε) . (Μονάδες 7)

Μονάδες 25